

التاريخ: 22 - 12 - 2015  
مدة الإنجاز: ساعتان  
الأستاذ: محمد البخيري

## الرياضيات

فرض محروس رقم 02

الثانوية التأهيلية احمد الحنصالي  
نيابة كنجة - أصيلة  
IBSexp1 & 2

الموضوع	التنقيط
<p>⊙ تأخذ بعين الاعتبار الدقة في الإجابة وجودة التحرير وسلامة تسلسل الأفكار</p> <p><b>كالتمرين الأول :</b></p> <p>نعتبر المتتاليتين <math>(u_n)</math> و <math>(v_n)</math> المعرفتين كما يلي :</p> $v_n = u_n - 14 \text{ و } \begin{cases} u_{n+1} = \frac{12}{13}u_n + \frac{14}{13} \\ u_0 = 12 \end{cases}$ <p>(1) احسب <math>u_1</math>. 0,5</p> <p>(2) أ- تحقق أن <math>u_{n+1} - 14 = \frac{12}{13}(u_n - 14)</math>. 0,5</p> <p>ب- بين بالترجع أن: <math>u_n &lt; 14</math> لكل <math>n</math> من <math>\mathbb{N}</math>. 1</p> <p>ج- بين أن <math>(u_n)</math> متتالية تزايدية. 1</p> <p>(3) أ- بين أن <math>(v_n)</math> متتالية هندسية أساسها <math>\frac{12}{13}</math> واحسب حدها الأول <math>v_0</math>. 1</p> <p>ب- اكتب <math>v_n</math> ثم حدد <math>u_n</math> بدلالة <math>n</math>. 1</p> <p>ج- نضع <math>S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n</math> حدد <math>S_n</math> بدلالة <math>n</math>. 1</p> <p><b>كالتمرين الثاني:</b></p> <p>لتكن المتتاليتين <math>(u_n)</math> و <math>(v_n)</math> المعرفتين بما يلي :</p> $v_n = u_{n+1} - u_n \text{ و } \begin{cases} u_{n+2} = 9u_{n+1} - 8u_n \\ u_0 = 0 ; u_1 = 1 \end{cases}$ <p>(1) احسب <math>u_2</math> و <math>v_0</math>. 1</p> <p>(2) بين أن <math>(v_n)</math> متتالية هندسية أساسها 8. 1</p> <p>(3) اكتب <math>v_n</math> بدلالة <math>n</math>. 1</p> <p>(4) نضع <math>S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_{n-1}</math> أ- حدد <math>S_n</math> بدلالة <math>n</math>. 1</p> <p>ب- بين أن لكل <math>n</math> من <math>\mathbb{N}</math>: <math>S_n = u_n - u_0</math>. 1</p> <p>ج- استنتج <math>u_n</math> بدلالة <math>n</math>. 1</p> <p><b>كالتمرين الثالث:</b></p> <p>ليكن <math>ABC</math> مثلثا. نعتبر <math>G</math> مرجح النقط <math>(A, -2)</math> و <math>(B, 3)</math> و <math>(C, 3)</math> و <math>I</math> منتصف القطعة <math>[BC]</math>.</p> <p>(1) بين أن <math>G</math> مرجح النقطتين <math>(A, -2)</math> و <math>(I, 6)</math>. 0,5</p> <p>(2) أنشئ الشكل. 1,5</p> <p>(3) لتكن <math>G'</math> مرجح النقطتين <math>(B, 7)</math> و <math>(C, -3)</math>. 1</p> <p>حدد مجموعة النقط <math>M</math> التي تحقق: <math>\  -2\overline{MA} + 3\overline{MB} + 3\overline{MC} \  = \  7\overline{MB} - 3\overline{MC} \ </math>. 1</p> <p><b>كالتمرين الرابع:</b></p> <p><math>ABCD</math> رباعي. لتكن <math>G</math> مرجح النقط <math>(A, 1)</math> و <math>(B, 2)</math> و <math>(C, -2)</math> و <math>(D, 3)</math>.</p> <p>(1) أنشئ النقطتين <math>E</math> و <math>F</math> بحيث: <math>E</math> مرجح النقطتين <math>(A, 1)</math> و <math>(B, 2)</math> و <math>F</math> مرجح النقطتين <math>(C, -2)</math> و <math>(D, 3)</math>. 2</p> <p>(2) أ- بين أن <math>G</math> تنتمي إلى المستقيم <math>(EF)</math>. 1</p> <p>ب- أنشئ النقطة <math>G</math>. 1</p> <p>(3) حدد مجموعة النقط <math>M</math> التي تحقق: <math>\  \overline{MA} + 2\overline{MB} - 2\overline{MC} + 3\overline{MD} \  = 8</math>. 1</p>	<p>6 Pts</p> <p>6 Pts</p> <p>3 Pts</p> <p>5 Pts</p>